이름: _____ 학번: _____ 학과: _____

- 시험시간: 3:00 PM - 4:30 PM
- 휴대전화는 끌 것.
- 지우개, 계산기는 서로 빌려줄 수 없음.
- 답은 각 문제에 주어진 네모 안 에 적을 것. 네모의 크기와 답의 길이는 상관관계가 없음.
- 각 문항에서 빈 공간이 있는 경우는 풀이 과정을 적으라는 의미임. 빈 공간의 길이와 풀이과정과는 상관관계가 없음.
- 시험에 필요한 상수나 데이터는 맨 뒤에 있음.
- 문제수: 13
- Page 수: 4
- 만점: 269점

1. 0.50 M CH₃COOH (K_a = 1.8 × 10⁻⁵) 과 0.50 M NaCH₃COO로 만들어진 완충용액이 있다. 이 완충용액 1.00 L에 0.400 g의 NaOH를 첨가하였을 때의 pH를 구하여라. (20점)

반응 전의 주요 화학종: CH₃COOH, Na⁺, CH₃COO⁻, OH⁻, H₂O

화학양론 문제 (완전반응) : CH₃COOH + OH⁻ ⇌ H₂O + CH₃COO⁻

	CH ₃ COOH	+	OH ⁻	⇌	H ₂ O	+	CH ₃ COO ⁻
반응전	0.50 mol		0.0100 mol				0.50 mol
	(=0.50 M x 1.00 L)						(=0.50 M x 1.00 L)
반응후	0.49 mol		0 mol				0.51 mol

pH 에 영향을 주는 반응식: CH₃COOH ⇌ H⁺ + CH₃COO⁻

	CH ₃ COOH	⇌	H ⁺	+	CH ₃ COO ⁻
초기농도	0.49 M		~0 M		0.51 M
	(= 0.49 mol/1.00L)				(= 0.49 mol/1.00L)
평형농도	(0.49 -x) M		x M		(0.51 +x) M

$$K_a = 1.8 \times 10^{-5} = \frac{[H^+][CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]} = \frac{x(5.1+x)}{4.9-x} \approx \frac{x(5.1)}{4.9}$$

$$[H^+] = x = 1.7 \times 10^{-5} M$$

(5% rule: $\frac{x}{[CH_3COOH]_0} = \frac{1.7 \times 10^{-5} M}{4.9 M} < 5\%$)

$$pH = -\log(1.7 \times 10^{-5}) = 4.76$$

(다른 풀이법) Henderson-Hasselbach eq 에 따라

$$pH = pK_a + \log\left(\frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]}\right)$$

$$= -\log(1.8 \times 10^{-5}) + \log\left(\frac{0.51}{0.49}\right)$$

$$= 4.74 + 0.02 = 4.76$$

pH = 4.76

2. Ag₂C₂O₄(s)의 포화용액에서 Ag⁺의 농도는 2.2 × 10⁻⁴ M 이다. Ag₂C₂O₄(s)의 K_{sp} 값은? (20점)

Ag₂C₂O₄(s)의 용해도를 x M 이라하면

	Ag ₂ C ₂ O ₄ (s)	⇌	2Ag ⁺ (aq)	+	C ₂ O ₄ ²⁻
처음	x M		0		0
평형	0		2x M		x M

2x M = 2.2 × 10⁻⁴ M 이므로

x M = 1.1 × 10⁻⁴ M

$$K_{sp} = [Ag^+]^2[C_2O_4^{2-}]$$

$$K_{sp} = (2x)^2(x) = 4x^3$$

$$= 4 \times (1.1 \times 10^{-4})^3$$

$$= 5.3 \times 10^{-12}$$

K_{sp} = 5.3 × 10⁻¹²

3. 다음의 암모니아 합성 반응을 생각해보자.

25°C에서 N₂(g) 1 mol 당 위 반응의 ΔG° = -33.3 kJ 이다. 25°C에서 다음의 반응물과 생성물로 이루어진 혼합물이 평형에 도달하기 위하여 계가 이동하는 방향을 예측하여라. (20점 = 10+10)

(a) P_{NH₃} = 1.00 atm, P_{N₂} = 1.47 atm, P_{H₂} = 1.00 × 10⁻² atm

$$\Delta G = \Delta G^\circ + RT \ln(Q)$$

$$= \Delta G^\circ + RT \ln\left(\frac{P_{NH_3}^2}{P_{N_2} P_{H_2}^3}\right)$$

$$= -33.3 kJ + 8.3145 J / K \cdot mol \times 298 K \times \ln\left(\frac{1.00^2}{(1.47)(1.00 \times 10^{-2})^3}\right)$$

$$= 0$$

계는 이미 평형상태에 있고 더 이상 평형 이동이 일어나지 않는다.

(b) P_{NH₃} = 1.00 atm, P_{N₂} = 1.00 atm, P_{H₂} = 1.00 atm

주어진 부분 압력이 모두 1 atm 이므로, 계는 표준 상태에 있다. 따라서 ΔG = ΔG° = -33.3 kJ/mol < 0 이다.

따라서 정방향쪽이 자발적 과정이므로 계는 오른쪽으로 이동한 후 평형에 도달한다.

4. 녹는점 이하의 온도에서 고체는 경우에 따라 하나의 고체 구조에서 다른 고체 구조로 상(phase)이 변한다. 예를 들어, 황은 95°C 이하에서는 사방정계(rhombic)의 고체구조를 하지만 95°C 이상에서는 단사정계(monoclinic)의 고체구조를 한다. 즉, 95°C에서 상전이(phase transition)를 한다. (사방정계 고체 → 단사정계 고체) (25점 =15+10)

(a) S_{사방} → S_{단사} 과정에 대한 ΔH와 ΔS의 부호를 예측하여라. (그 이유도 쓸 것)

95°C 이하에서는 사방정계(rhombic)의 구조를 하지만 95°C 이상에서는 단사정계(monoclinic)의 구조를 하므로 S_{사방} → S_{단사} 과정은 흡열반응이다. 따라서, ΔH > 0 이다.

예를 들어, 100°C에서 S_{사방} → S_{단사} 과정에서 ΔG < 0 이므로 ΔG = ΔH - 373KΔS < 0 이다. ΔH > 0 이므로 ΔS > 0 이어야 한다.

(a) 황 고체의 두 구조에서 어느 구조가 더 잘 정돈된 구조인가? (그 이유도 쓸 것)

S_{사방} → S_{단사} 과정에 대하여 ΔS > 0 이므로 단사정계의 구조가 무질서도가 더 크다. 따라서 사방정계 구조가 더 잘 정돈된 구조이다.

5. 아래의 농도차 전지에서 오른쪽 비커의 Ag⁺ 농도가 다음과 같을 때 25°C에서 전지 전위를 계산하여라. 또, 환원전극(cathode), 산화전극(anode) 및 전자가 흐르는 방향은? (29점 = 19+10)

(a) 2.0 M

전지전위

오른쪽 비커의 [Ag⁺]농도가 왼쪽 비커의 [Ag⁺]농도 보다 높기 때문에 평형에 이르기 위하여 오른쪽 비커의 [Ag⁺]농도는 낮아지고 왼쪽 비커의 [Ag⁺]농도 높아져야 한다.

따라서 '가' 전극에서는 Ag → Ag⁺ + e⁻의 산화가 일어나야 하고 (산화전극) '나' 전극에서는 Ag⁺ + e⁻ → Ag의 환원이 일어나야 한다. (환원전극)

따라서 전자는 a 방향으로 흐른다.

환원 반쪽 반응 : Ag⁺ + e⁻ → Ag E° = 0.80 V
산화 반쪽 반응 : Ag → Ag⁺ + e⁻ E° = -0.80 V

따라서
전체 반응 : Ag⁺ → Ag⁺ E° = 0 V

E = E° - RT/nF ln(Q) = E° - 0.0591/n log(Q)
= 0 - 0.0591 log(1.0/2.0) = 0.018 V

환원전극	나
산화전극	가
전자가 흐르는 방향	a

(b) 양쪽 비커의 Ag⁺의 농도가 모두 [Ag⁺]=0.10 M 일 때

전지전위

양쪽 비커의 Ag⁺의 농도가 모두 [Ag⁺]=0.10 M 일 때는 이미 평형에 도달한 상태이기 때문에 전위차가 발생하지 않는다. 따라서 전지전위는 0 V 이다.

6. Ag⁺가 포함된 0.250 L의 용액에서 모든 은을 도금 석출시키는 데 2.00 A 전류를 이용하여 2분 30초가 걸렸다. 용액에서 원래 Ag⁺의 농도는 얼마인가? (15점)

흘려준 전하의 총 량
= 2.00 A x 150 sec
= 2.00 C/sec x 150 sec
= 300. C

따라서

흘려준 전자의 총 량
= 300. C x (1 mol e⁻)/(96485 C)
= 3.11 x 10⁻³ mol e⁻

Ag⁺ + e⁻ → Ag 이므로

석출된 Ag의 양
= 흘려준 전자의 총 량
= 3.11 x 10⁻³ mol Ag

따라서 0.250 L의 용액에는 3.11 x 10⁻³ mol Ag⁺ 이온이 있었다.

[Ag⁺] = 3.11 x 10⁻³ mol / 0.250 L = 1.24 x 10⁻² M

[Ag⁺] = 1.24 x 10⁻² M

13. 탄수화물은 단당류(monosaccharide, 조성식 CH₂O)의 단위체가 연결된 중합체(고분자)이다. 탄소 6개를 가지고 있는 단당류를 육탄당(hexose)라고 한다. 다음의 (a)는 육탄당 중의 하나인 D-glucose의 구조식이다. (25점 =10+15)

(a) D-glucose에 있는 키랄 탄소를 동그라미로 모두 표시하여라.

(b) (a)는 D-glucose가 사슬형태로 되어있는 것이다. 수용액에서는 보통 고리화(cyclization)가 되고, 고리형태로 된 D-glucose 단위체가 글리코사이드 결합(glycoside linkage)에 의하여 연결된 중합체가 되어 녹말(starch) 또는 셀룰로오스(cellulose) 등을 만든다. 수용액에서 D-glucose가 사슬형태에서 고리형태로 되는 과정과 고리형태 D-glucose의 구조를 그려라.

한 학기 동안 수고하였습니다. 성적은 웹사이트 bh.knu.ac.kr/~leehi 에 12월 3일~8일 사이에 공고될 예정이니 웹사이트를 꼭 확인하기 바랍니다.

- 여러 가지 상수들 -
- R (기체상수) = 0.08206 L·atm/(mol·K) = 8.314 J/(mol·K)
 - Na의 원자량 = 22.99 g/mol
 - H의 원자량 = 1.008 g/mol
 - O의 원자량 = 16.00 g/mol
 - Ag의 원자량 = 107.9 g/mol
 - F (Faraday 상수) = 96485 C/(mol e⁻)

TABLE 17.1 Standard Reduction Potentials at 25°C (298 K) for Many Common Half-Reactions

Half-Reaction	E° (V)	Half-Reaction	E° (V)
F ₂ + 2e ⁻ → 2F ⁻	2.87	O ₂ + 2H ₂ O + 4e ⁻ → 4OH ⁻	0.40
Ag ²⁺ + e ⁻ → Ag ⁺	1.99	Cu ²⁺ + 2e ⁻ → Cu	0.34
Co ³⁺ + e ⁻ → Co ²⁺	1.82	Hg ₂ Cl ₂ + 2e ⁻ → 2Hg + 2Cl ⁻	0.27
H ₂ O ₂ + 2H ⁺ + 2e ⁻ → 2H ₂ O	1.78	AgCl + e ⁻ → Ag + Cl ⁻	0.22
Ce ⁴⁺ + e ⁻ → Ce ³⁺	1.70	SO ₄ ²⁻ + 4H ⁺ + 2e ⁻ → H ₂ SO ₃ + H ₂ O	0.20
PbO ₂ + 4H ⁺ + SO ₄ ²⁻ + 2e ⁻ → PbSO ₄ + 2H ₂ O	1.69	Cu ²⁺ + e ⁻ → Cu ⁺	0.16
MnO ₄ ⁻ + 4H ⁺ + 3e ⁻ → MnO ₂ + 2H ₂ O	1.68	2H ⁺ + 2e ⁻ → H ₂	0.00
2e ⁻ + 2H ⁺ + IO ₄ ⁻ → IO ₃ ⁻ + H ₂ O	1.60	Fe ³⁺ + 3e ⁻ → Fe	-0.036
MnO ₄ ⁻ + 8H ⁺ + 5e ⁻ → Mn ²⁺ + 4H ₂ O	1.51	Pb ²⁺ + 2e ⁻ → Pb	-0.13
Au ³⁺ + 3e ⁻ → Au	1.50	Sn ²⁺ + 2e ⁻ → Sn	-0.14
PbO ₂ + 4H ⁺ + 2e ⁻ → Pb ²⁺ + 2H ₂ O	1.46	Ni ²⁺ + 2e ⁻ → Ni	-0.23
Cl ₂ + 2e ⁻ → 2Cl ⁻	1.36	PbSO ₄ + 2e ⁻ → Pb + SO ₄ ²⁻	-0.35
Cr ₂ O ₇ ²⁻ + 14H ⁺ + 6e ⁻ → 2Cr ³⁺ + 7H ₂ O	1.33	Cd ²⁺ + 2e ⁻ → Cd	-0.40
O ₂ + 4H ⁺ + 4e ⁻ → 2H ₂ O	1.23	Fe ²⁺ + 2e ⁻ → Fe	-0.44
MnO ₂ + 4H ⁺ + 2e ⁻ → Mn ²⁺ + 2H ₂ O	1.21	Cr ³⁺ + e ⁻ → Cr ²⁺	-0.50
IO ₃ ⁻ + 6H ⁺ + 5e ⁻ → $\frac{1}{2}$ I ₂ + 3H ₂ O	1.20	Cr ³⁺ + 3e ⁻ → Cr	-0.73
Br ₂ + 2e ⁻ → 2Br ⁻	1.09	Zn ²⁺ + 2e ⁻ → Zn	-0.76
VO ₂ ⁺ + 2H ⁺ + e ⁻ → VO ²⁺ + H ₂ O	1.00	2H ₂ O + 2e ⁻ → H ₂ + 2OH ⁻	-0.83
AuCl ₄ ⁻ + 3e ⁻ → Au + 4Cl ⁻	0.99	Mn ²⁺ + 2e ⁻ → Mn	-1.18
NO ₃ ⁻ + 4H ⁺ + 3e ⁻ → NO + 2H ₂ O	0.96	Al ³⁺ + 3e ⁻ → Al	-1.66
ClO ₂ + e ⁻ → ClO ₂ ⁻	0.954	H ₂ + 2e ⁻ → 2H ⁺	-2.23
2Hg ²⁺ + 2e ⁻ → Hg ₂ ²⁺	0.91	Mg ²⁺ + 2e ⁻ → Mg	-2.37
Ag ⁺ + e ⁻ → Ag	0.80	La ³⁺ + 3e ⁻ → La	-2.37
Hg ₂ ²⁺ + 2e ⁻ → 2Hg	0.80	Na ⁺ + e ⁻ → Na	-2.71
Fe ³⁺ + e ⁻ → Fe ²⁺	0.77	Ca ²⁺ + 2e ⁻ → Ca	-2.76
O ₂ + 2H ⁺ + 2e ⁻ → H ₂ O ₂	0.68	Ba ²⁺ + 2e ⁻ → Ba	-2.90
MnO ₄ ⁻ + e ⁻ → MnO ₄ ²⁻	0.56	K ⁺ + e ⁻ → K	-2.92
I ₂ + 2e ⁻ → 2I ⁻	0.54	Li ⁺ + e ⁻ → Li	-3.05
Cu ⁺ + e ⁻ → Cu	0.52		